[illegible]

[illegible] — 2026[illegible]7[illegible]

Robert Galida
[illegible]

[illegible]

[illegible] κ — [illegible] — [illegible] κ [illegible]

[illegible] $\kappa=\inf_x \delta(x)\int_0^\infty \sigma_{excess}(\phi_t(x))\,dt$ [illegible]

[illegible] $\sigma_{excess}=\sigma-\sigma_{ss}$ [illegible]

[illegible]

[illegible] [illegible]

---

1. [illegible]

[illegible]——[illegible]

[illegible]

[illegible]

透率与超额熵产生之间的关系。

该框架统一了物理、生物、认知和社会系统。它建立在热力学第二定律和非平衡稳态热力学的基础上，而非类比。

2. 持久性成本泛函

设 X 为一个状态空间，$\phi_t(x)$ 为动力系统的流，$A\subseteq X$ 为一个吸引子集。设 $\delta(x)=d(x,A)$ 为从 x 到吸引子的距离。关于生存理论中的状态空间约束处理，见 Aubin (1991)。

定义 **1**（持久性成本泛函）：持久性成本泛函 $C(x)$ 是 X 上的标量函数，满足：

1. 对所有 x，$C(x)\geq 0$
2. $C(x)=0$ 当且仅当 $x\in A$
3. 对所有在盆中的 x，$C(\phi_t(x))\in L^1([0,\infty))$

定义 **2**（累积持久性成本）：对于有限视界 $T>0$：$D_T(x)=\int_0^T C(\phi_t(x))\,dt$

对于收敛到吸引子的轨迹：$D_\infty(x)=\int_0^\infty C(\phi_t(x))\,dt$

3. 存在性与李雅普诺夫等价性

定理 **1**（持久性泛函的存在性）：假设 $C(x)\geq 0$，$C=0$ 仅在 A 上，且对盆中的所有 x，$C(\phi_t(x))\in L^1([0,\infty))$。假设 f 局部利普希茨，流在初始条件下连续可微，且 C 连续且局部有界。则：

1. $D_\infty(x)=\int_0^\infty C(\phi_t(x))\,dt$ 存在且有限。
2. D_∞ 连续。
3. D_∞ 满足输运方程：

$$\nabla D_\infty(x)\cdot f(x)=-C(x)$$

□□□ □□□□□□□□□□□ L1L1 □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ □□D(ϕh(x))=∫h∞C(ϕt(x)) dt=D(x)−∫0hC(ϕt(x)) dtD(ϕh□(x))=∫h∞ C(ϕt□(x))dt=D(x)−∫0h□C(ϕt□(x))dt

□□□D(ϕh(x))−D(x)h=−1h∫0hC(ϕt(x)) dt→−C(x)hD(ϕh□(x))−D(x)□=−h1 ∫0h□C(ϕt□(x))dt→−C(x)

□ h→0h→0□□□□□□∇D(x)·f(x)=−C(x)∇D(x)·f(x)=−C(x)□□

□□□□□□□□□□□□□□ □□□□□□□ V(x)V(x)□□□ V≥0V≥0□V=0V=0 □□□□□ □ V˙≤0V˙≤0□□□□□□□□□ C(x)=−V˙(x)C(x)=−V˙(x)□□□□□□ □ ∇D·f=−C∇D·f=−C □□□□□ C(x)C(x) □□□□□□□□□□ D(x)D(x)□

□□□ □□ VV □□□□□□□□ V˙=∇V·f≤0V˙=∇V·f≤0□□□ C=−V˙C=−V˙□□ C≥0C≥0□ C=0C=0 □□□□□□ DT=∫C=V(x)−V(ϕT(x))DT□=∫C=V(x)−V(ϕT□(x))□□□□ □ ∇D·f=−C∇D·f=−C□□ D˙=−C≤0D˙=−C≤0□□□ DD □□□□□□□□□□

□□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ Lohmiller & Slotine (1998)□□□□□□□□□□□ Freeman & Kokotovic (1996)□□□□□□ □□ CC □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ D∞D∞□ □□□□□□□□□□□□ Galida (2026a)□□□ 4□

---

4. □□□□□□□□□□

4.1 □□□

□□□□□□□□□□□dSsystemdt=σ−ΦdtdSsystem□□=σ−Φ

□□ σ≥0σ≥0 □□□□□□□□□□□□□□□□□ΦΦ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ □ Seifert (2012) □ Sekimoto (2010)□

□□□□□□□□dSsystemdt=0 □ σ=ΦdtdSsystem□□=0□σ=Φ

4.2 □□□□□

□□□□□□ σssσss□ □□□□□□□□□□□

□□□□□□□□□ $\sigma_{excess}(x)=\sigma(x)-\sigma_{ss}(x)$

□□□□□□□□□□ □□□□□□□□□□□□□□□ $C<\infty$ □ $\mu>0$ □□□□□□ $t\geq 0$ □ $\sigma_{excess}(\phi_t(x))\leq Ce^{-\mu t}\sigma_{excess}(x)$

□□□□ $D_\infty(x)<\infty$ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ Galida (2026a, 2026b) □□□□□□ μ □□□□□□□□□□□□□□□□□□

□□□□□□□□□ □□□□□□□□□□□□□□ D_∞ □ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ L^1 □□□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□

4.3 □□□□□□

□□ **3**□□□□□□□□□□□ □□□□□□□ $T>0$ □ $D_T(x)=\int_0^T \sigma_{excess}(\phi_t(x))\,dt$

□□□□□□□□□□□□□ $D_\infty(x)=\int_0^\infty \sigma_{excess}(\phi_t(x))\,dt$

□□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

4.4 □□□□□

□□ **4**□□□□□□□□□ $\kappa=\inf_{x\in B\setminus A}\frac{\delta(x)}{D_\infty(x)}$ □

□□ $\delta(x)=d(x,A)$ □□□□□□□□□□

□□□ κ □□□ κ □□□□□□□□□□□□ □ κ □

4.5 □□□□

□□ **1**□□□□□□□□□□□ □□ $B=D_\infty$(□□)□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□ Freidlin & Wentzell (2012)□□□

1. $B\geq 0$ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

2. [illegible] $\dot{x}=-\nabla V(x)$，$B=V(\text{[illegible]})-V(A)$ [illegible]
3. B [illegible]
4. B [illegible] C [illegible]

[illegible] (1) [illegible] D_∞ [illegible] (2) [illegible] $\nabla D\cdot f=-C$ [illegible] $f=-\nabla V$ [illegible] (3) [illegible] (4) [illegible]

---

5. [illegible]

5.1 [illegible]

[illegible] $S(x)=k_B\log\Omega(x)$ [illegible] $\Omega(x)$ [illegible] x [illegible] $\sigma_{ss}=0$ [illegible] $\sigma_{excess}=\sigma=\dot{S}$，$\kappa=\inf_x \frac{S(A)-S(x)}{\delta(x)}$ [illegible]

[illegible] $\Delta S=nR\log(V_f/V_i)$ [illegible]

5.2 [illegible]

[illegible] $S(x)$ [illegible] σ_{ss} [illegible] $\sigma_{excess}=\text{[illegible]}-\text{[illegible]}$，$\kappa=\inf_x \frac{\int_0^\infty \sigma_{excess}(\phi_t(x))\,dt}{\delta(x)}$ [illegible]

[illegible] Nicolis & Prigogine (1989) [illegible]

5.3 [illegible]

[illegible] $F=-\log p(y|x)+D_{KL}[q(\cdot)\|p(\cdot|x)]$ [illegible] F [illegible] Friston, 2010 [illegible] Parrondo, Horowitz & Sagawa (2015) [illegible] Sagawa & Ueda (2008) [illegible]

[illegible] σ_{ss} [illegible] $\sigma_{excess}=\dot{F}-\dot{F}_{ss}$，$\kappa=\inf_x \frac{\int_0^\infty \sigma_{excess}(\phi_t(x))\,dt}{\delta(x)}$ ... σ_{excess}

$(\phi_t(x))\,dt\,\delta(x)$[illegible]

[illegible] [illegible]

5.4 [illegible]

[illegible]$\sigma_{social}(t)=\sum_i(\dot{S}_i(t)-\dot{S}_i^{rest})$

[illegible] $\dot{S}_i(t)$ [illegible] i [illegible]$\dot{S}_i^{rest}$ [illegible]McEwen, 1998; Sterling & Eyer, 1988[illegible]

[illegible] σ_{social} [illegible]

[illegible] [illegible] $\dot{S}_i\ge 0$[illegible]σ_i^{social} [illegible]$\sigma_i^{social}\ge 0$[illegible]$\sigma_i^{social}\to 0$[illegible]

[illegible] σ_{ss} [illegible]$\sigma_{excess}=\sigma_{social}-\sigma_{ss}$[illegible]$\kappa=\inf_x\int_0^\infty \sigma_{excess}(\phi_t(x))\,dt\,\delta(x)$[illegible]

[illegible] [illegible] $\sigma_{excess}=0$[illegible] $\sigma_{excess}>0$[illegible] σ_{ss} [illegible]

---

6. [illegible]

6.1 [illegible]

□□	□□□	□ σssσss□	□□ σexcessσexcess□	□□□ κκ
□□	□□□□	0□□□□□	S˙S˙	inf□δΔSinfΔSδ□
□□	□□□	□□□□□	□□□ − □□	inf□δ∫σexcess dtinf∫σexcess dtδ□
□□	□□□	□□□□□□	F˙−F˙ssF˙−F˙ss□	inf□δ∫σexcess dtinf∫σexcess dtδ□
□□	□□□□□	□□□□□□	σsocial−σssσsocial−σss□	inf□δ∫σexcess dtinf∫σexcess dtδ□

6.2 □□□□

□□□□□□□□□□□□□□□

□□□□	□□□
□□□□□	σexcess(x)=σ(x)−σssσexcess□(x)=σ(x)−σss□
□□□□	D∞(x)=∫0∞σexcess(ϕt(x)) dtD∞□(x)=∫0∞□σexcess□(ϕt□(x))dt
□□□	κ=inf□xδ(x)/D∞(x)κ=infx□δ(x)/D∞□(x)
□□□□	B=D∞(□□)B=D∞□(□□)
□□□□	∇D⋅f=−σexcess∇D⋅f=−σexcess□

6.3 □□□□□□□□□□□□□□□

□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

□□	□□□	□□□□□□□□
□□	□□□	σ=0σ=0
□□	□□	σ=σss>0σ=σss□>0□□□□□□
□□	□□□□□	σ=σss>0σ=σss□>0□□□□□□□□
□□	□□□□	σ=σss>0σ=σss□>0□□□□□□□□

□□□

1. □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□——□□□□□□□
2. □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□——□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

□□□□□

- □□□□□□□□□□□□□□□□□□□
- □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□/□□□
- □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

---

7. □□□□□

7.1 □□□□

□□□ □□□ κκ □□□□□□□□□□□□□□□□κ∝1D∞κ∝D∞□1□

□□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

7.2 □□□□

□□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□”□□”□□□□□□□□□□□”□□”□”□□”□□

□□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□

7.3 领域特定预测

领域	预测	证伪
物理	KK 与热效率相关	KK 高但效率低
生物	KK 与代谢效率相关	KK 高但代谢成本高
认知	KK 与学习效率相关	KK 高但学习成本高
社会	KK 与制度效率相关	KK 高但协调成本高

---

8. 实验设计

8.1 物理系统

- 系统：活塞中的气体
- 扰动：压缩
- 测量：超额熵产生（热测量）和恢复时间
- 检验： KK 与 1/D∞$1/D\infty$ 之间的相关性

8.2 生物系统

- 系统：细胞培养
- 扰动：营养冲击
- 测量：高于静息的代谢率（耗氧量）和恢复时间
- 检验： KK 与代谢成本之间的相关性

8.3 认知系统

- 系统：学习任务中的人类参与者
- 扰动：预测误差
- 测量：高于基线的自由能耗散（EEG复杂度、瞳孔扩张）和信念更新率
- 检验： KK 与自由能耗散之间的相关性

8.4 □□□□

- □□□ □□□□□□□□
- □□□ □□□□□□□
- □□□ □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□
- □□□ κ □□□□□□□□□□□□

---

9. □□□□

□□	□□	□□
Q1: $S(x)$ □□□□	□□□□□□□□□□□□□□□□□	□□
Q2: □□□□	□□□□□□ $S(x)$ □□□□□□□□	□□
Q3: □□□□□□	□□□□□□□□ $\sigma_{social}\geq 0$□	□□□□
Q4: □□□□	□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□	□□
Q5: □□	□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□	□□
Q6: □□	□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□	□□□□

---

10. □□

□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ κ — □□□□□ — □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□ κ □□□□□□□□□□□

□□□$\kappa=\inf_x \delta(x)\int_0^\infty \sigma_{excess}(\phi_t(x))\,dt$□

□□ $\sigma_{excess}=\sigma-\sigma_{ss}$□ □□□□□□□□□□□□□□□□——□□

□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□——□□□

这统一了物理、生物、认知和社会系统。在每个领域中，持久性需要重构；重构产生超额熵；κ 度量该重构的熵成本。该框架建立在热力学第二定律和非平衡稳态热力学的基础上，而非类比。

社会应用： 该框架提供了社会动力学的热力学解释：和谐是低熵吸引子状态；动荡是高熵状态，由重构过程中的超额耗散产生。恢复率 κ 度量社会从动荡返回和谐的效率——即多快将其超额熵产生降至零。

---

11. 局限性

本文建立了一个具有提议的热力学实现的抽象持久性成本框架。应明确承认若干局限性：

1. 唯一性。熵产生未被证明是唯一的持久性成本。许多正泛函 $C(x)$ 满足 $\nabla_D \cdot f = -C$。将熵产生识别为规范成本是一个物理动机的假设，而非数学定理。
2. 范围。该框架不意味着所有领域都字面上遵循热力学。认知和社会实现是需要经验验证的提议假设。
3. 衰减假设。 σ_{excess} 的指数衰减是确保 D_∞ 有限性的充分假设，而非必要假设。推广到 L^1 可积衰减（如代数衰减）是未来工作的重点。
4. 盆地深度。盆地深度 $B = D_\infty(\text{鞍点})$ 是根据持久性成本泛函定义的。其与经典能垒的关系仅对梯度系统成立。
5. 经验验证。框架的预测——特别是 κ 与 D_∞ 之间的反比关系——仍有待跨领域经验检验。
6. 低能耗吸引子基准。 §6.3 中提出的基准是一个假设，而非推导出的定理。对于认知系统，它有可能混淆热力学熵产生与自由能最小化——其关系仍然开放的不同原则。

参考文献

Aubin, J. P. (1991). *Viability Theory*. Birkhäuser.

Boltzmann, L. (1877). “Über die Beziehung zwischen dem zweiten Hauptsatz der mechanischen Wärmetheorie und der Wahrscheinlichkeitsrechnung.” *Wiener Berichte*, 76, 373-435.

Clausius, R. (1865). “Über verschiedene für die Anwendung bequeme Formen der Hauptgleichungen der mechanischen Wärmetheorie.” *Annalen der Physik*, 125(7), 353-400.

Freeman, R. A., & Kokotovic, P. V. (1996). *Robust Nonlinear Control Design: State-Space and Lyapunov Techniques*. Birkhäuser.

Freidlin, M. I., & Wentzell, A. D. (2012). *Random Perturbations of Dynamical Systems* (3rd ed.). Springer.

Friston, K. (2010). "The free-energy principle: a unified brain theory?" *Nature Reviews Neuroscience*, 11(2), 127-138.

Galida, R. (2026a). "The Persistence Functional: A Candidate Formal Foundation for the Attractor Framework." *Fantasy Attractor*.

Galida, R. (2026b). "Deriving Corrective Permeability from the Cumulative Deviation Functional." *Fantasy Attractor*.

Jaynes, E. T. (1957). "Information Theory and Statistical Mechanics." *Physical Review*, 106(4), 620-630.

Khalil, H. K. (2002). *Nonlinear Systems* (3rd ed.). Prentice Hall.

Kondepudi, D., & Prigogine, I. (1998). *Modern Thermodynamics: From Heat Engines to Dissipative Structures*. Wiley.

Lohmiller, W., & Slotine, J. J. E. (1998). "On contraction analysis for non-linear systems." *Automatica*, 34(6), 683-696.

Lyapunov, A. M. (1892). *The General Problem of the Stability of Motion*.

McEwen, B. S. (1998). "Stress, Adaptation, and Disease: Allostasis and Allostatic Load." *Annals of the New York Academy of Sciences*, 840(1), 33-44.

Nicolis, G., & Prigogine, I. (1989). *Exploring Complexity: An Introduction*. W. H. Freeman.

Parrondo, J. M. R., Horowitz, J. M., & Sagawa, T. (2015). "Thermodynamics of information." *Nature Physics*, 11(2),

131-139.

Prigogine, I. (1947). *Étude Thermodynamique des Phénomènes Irréversibles*. Dunod.

Prigogine, I., & Nicolis, G. (1977). *Self-Organization in Non-Equilibrium Systems*. Wiley.

Sagawa, T., & Ueda, M. (2008). “Second law of thermodynamics with discrete quantum feedback control.” *Physical Review Letters*, 100(8), 080403.

Seifert, U. (2012). “Stochastic thermodynamics, fluctuation theorems and molecular machines.” *Reports on Progress in Physics*, 75(12), 126001.

Sekimoto, K. (2010). *Stochastic Energetics*. Springer.

Shannon, C. E. (1948). “A Mathematical Theory of Communication.” *Bell System Technical Journal*, 27(3), 379-423.

Sterling, P., & Eyer, J. (1988). “Allostasis: A New Paradigm to Explain Arousal Pathology.” In *Handbook of Life Stress, Cognition and Health*, 629-649.

□□□□□ Galida, R. S. (2026). □□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□□. *Fantasy Attractor*.